

# Universidade do Minho

|  |                                     |                          |                          |
|--|-------------------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 2003/04  | 1.º Semestre                        | 2.º Semestre             | Anual                    |
| <b>DISCIPLINAS</b><br>Métodos de Programação I (5303O7) + Métodos<br>de Programação I (7003N5)<br><b>CURSOS</b><br>LESI + LMCC | <input checked="" type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> | <input type="checkbox"/> |

| AULA   | SUMÁRIO   |
|--|---|
| Teórica<br>03.09.25<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | <p>Apresentação da disciplina. Equipa docente.</p> <p>Programa da disciplina e seu enquadramento no plano de estudos. Teoria e método em programação. Arquitectura do “software”. Composicionalidade. Introdução à Programação funcional.</p> <p>Regime de avaliação. Bibliografia. Informação electrónica sobre a disciplina: URL: <a href="http://www.di.uminho.pt/~jno/html/mpi.html">http://www.di.uminho.pt/~jno/html/mpi.html</a>.</p> <p>Conceito de função. A função como contrato. Diagramas de blocos. Domínio e codomínio de uma função. Diagramas funcionais. Setas <math>A \xrightarrow{f} B</math>. Notação funcional com ou sem variáveis.</p> <p><i>Início do estudo dos combinadores de programas funcionais:</i> A composição <math>f \cdot g</math> como combinador elementar de funções. Associatividade da composição: <math>f \cdot (g \cdot h) = (f \cdot g) \cdot h</math>.</p> <p>Função identidade <math>id</math>. O polimorfismo de <math>id</math> e a propriedade <math>f \cdot id = id \cdot f = f</math> e seu diagramas comutativo.</p> <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA  | SUMÁRIO  |
|---|--|
| Teórica<br>03.09.30<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <p><i>Estudo dos combinadores de programas funcionais (cont.):</i> O combinador <math>\langle f, g \rangle</math> e o produto <math>A \times B</math> (analogia com “struct” em C) e suas projecções. O combinador <math>[f, g]</math> e o coproduto <math>A + B</math> (analogia com “union” em C) e suas injecções. Propriedades de cancelamento-<math>\times</math> e cancelamento-<math>+</math>. Propriedades de fusão-<math>\times</math> e fusão-<math>+</math>.</p> <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA   | SUMÁRIO  |
|--|--|
| Teórica<br>03.10.02<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | <p><i>Estudo dos combinadores de programas funcionais (cont.):</i> Os combinadores <math>f \times g</math> e <math>f + g</math>. Propriedades de absorção-<math>+</math>, <math>\times</math>. Propriedades universais de <math>\langle f, g \rangle</math> e de <math>[f, g]</math>.</p> <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA  | SUMÁRIO   |
|---|---|
| Teórica<br>03.10.07<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <p><i>Estudo dos combinadores de programas funcionais (cont.):</i> Apresentação da extensão <code>Mpi.hs</code> ao <code>Prelude.hs</code> do <code>Hugs 98</code>. Propriedades de reflexão-<math>\times</math> e reflexão-<math>+</math>. Lei da troca. Diagrama da lei da troca. Introdução à noção de isomorfismo entre tipos de dados. Motivação: a função <math>swap = \langle \pi_2, \pi_1 \rangle</math>, sua propriedade involutiva (<math>swap \cdot swap = id</math>) e o isomorfismo <math>A \times B \cong B \times A</math>.</p> <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA   | SUMÁRIO  |
|--|--|
| Teórica<br>03.10.09<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | <p><i>Estudo dos combinadores de programas funcionais (cont.) :</i> Funções bijectivas ou isomorfismos. Funções inversas. Exemplo de aplicação da lei da troca: <code>undistr</code> e o isomorfismo <math>(A \times B) + (A \times C) \cong A \times (B + C)</math>. Tipos elementares genéricos: 0, 1 e 2 (resp. <code>Void</code>, <code>()</code> e <code>Bool</code> em HASKELL). As funções <math>! : A \rightarrow 1</math> e <math>? : 0 \rightarrow A</math>. Funções constantes. O combinador <code>c</code>. Propriedades. Polimorfismo da função constante: <math>\underline{c} = \underline{c} \cdot f</math>. Outros isomorfismos: <math>A \times 1 \cong 1</math>, <math>A + 0 \cong 0</math>, <math>A \times 0 \cong 0</math>, etc.</p> <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA  | SUMÁRIO   |
|---|---|
| Teórica<br>03.10.14<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <p><i>Estudo dos combinadores de programas funcionais (cont.):</i> O isomorfismo <math>A + A \cong A \times 2</math> e sua utilização na definição do combinador condicional de McCarthy. Predicados e guardas. Enunciado das leis de fusão do condicional de McCarthy:</p> $f \cdot (p \rightarrow g, h) = p \rightarrow f \cdot g, f \cdot h$ $(p \rightarrow f, g) \cdot h = (p \cdot h) \rightarrow (f \cdot h), (g \cdot h).$ <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA   | SUMÁRIO   |
|--|---|
| Teórica<br>03.10.16<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | <p>Não houve aula (dispensa de aulas devida aos festeiros académicos e do Simpósio Doutoral do Departamento de Informática).</p> <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA  | SUMÁRIO  |
|---|--|
| Teórica<br>03.10.21<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | Não houve aula (greve dos alunos; a aula foi substituída por uma sessão de dúvidas para os (poucos) alunos que se encontravam na sala).<br><br>O DOCENTE _____ |

| AULA   | SUMÁRIO  |
|--|--|
| Teórica<br>03.10.23<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | <i>Estudo dos combinadores de programas funcionais (cont.):</i><br>O isomorfismo $A \times A \cong A^2$ como motivação para o estudo da exponenciação $B^A$ e os seus isomorfismos (eg. <code>curry</code> , <code>split</code> , <code>either</code> , etc). Funções de ordem superior. Noção de espaço funcional.<br><br>O DOCENTE _____ |

| AULA  | SUMÁRIO  |
|---|--|
| Teórica<br>03.10.28<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <i>Introdução aos tipos de dados <b>indutivos</b> :</i> Noção de estratégia indutiva. Tipos de dados recursivos vistos como equações. Expressões polinomiais de tipo. “Resolução” da equação (em $X$ ) $X \cong A + A \times X$ . Noção de <i>catamorfismo</i> de um tipo e sua analogia com combinadores de tipo <code>fold</code> .<br><br>O DOCENTE _____ |

| AULA   | SUMÁRIO   |
|--|---|
| Teórica<br>03.10.30<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | Continuação da aula anterior. “Resolução” da equação (em $X$ ) $X \cong 1 + A \times X$ . Noção de <i>anamorfismo</i> de um tipo e sua analogia com combinadores de tipo <code>unfold</code> . Noção de <i>hilomorfismo</i> e princípio da <i>hilo-factorização</i> algorítmica.<br><br>O DOCENTE _____ |

| AULA  | SUMÁRIO  |
|---|--|
| Teórica<br>03.11.04<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <i>Introdução aos tipos indutivos (cont.) :</i> Apresentação do módulo <code>RList.hs</code> . Estudo da triologia <i>cata-ana-hilo</i> associada ao tipo <code>RList</code> . O algoritmo de cálculo do quadrado de um número visto como hilomorfismo sobre a estrutura <code>RList a</code> . O algoritmo de ordenação por inserção simples <code>iSort</code> visto como hilomorfismo sobre a estrutura <code>RList a</code> .<br><br>O DOCENTE _____ |

| AULA   | SUMÁRIO   |
|--|---|
| Teórica<br>03.11.06<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | <i>Apresentação do módulo BTREE.hs</i> : Estudo da triologia <i>cata-ana-hilo</i> associada ao tipo BTREE. Exemplo: o hilomorfismo qSort ('quick sort'). e o hilomorfismo hanoi (torres de Hanói).<br><br>O DOCENTE _____ |

| AULA  | SUMÁRIO  |
|---|--|
| Teórica<br>03.11.11<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <i>Apresentação do módulo LTREE.hs</i> : Estudo da triologia <i>cata-ana-hilo</i> associada ao tipo LTREE. Exemplos: os hilomorfismos dfac ( <i>duplo factorial</i> ) e fib ( <i>série de Fibonacci</i> ). O hilomorfismo mSort ('merge sort').<br><br>O DOCENTE _____ |

| AULA   | SUMÁRIO   |                    |              |                 |              |            |                      |          |        |       |                  |                    |              |             |              |           |                |       |                    |                   |              |  |  |  |                      |       |           |             |              |                 |             |            |            |
|--|---|--------------------|--------------|-----------------|--------------|------------|----------------------|----------|--------|-------|------------------|--------------------|--------------|-------------|--------------|-----------|----------------|-------|--------------------|-------------------|--------------|--|--|--|----------------------|-------|-----------|-------------|--------------|-----------------|-------------|------------|------------|
| Teórica<br>03.11.13<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | Classificação algorítmica. Quadro sinóptico dos principais <b>algoritmos</b> analisados e estudados ao longo da disciplina:<br><br><table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <thead> <tr> <th>Classe</th> <th>B(A,X)</th> <th>Serialização</th> <th>Ordenação</th> <th>Inversão</th> <th>Factorial</th> <th>Quadrado</th> <th>Outros</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>RList</td> <td><math>1 + A \times X</math></td> <td><i>cRL list2 h</i></td> <td><i>iSort</i></td> <td><i>invl</i></td> <td><i>f a c</i></td> <td><i>sq</i></td> <td><i>l o o k</i></td> </tr> <tr> <td>BTREE</td> <td><math>1 + A \times X^2</math></td> <td><i>inpr ep os</i></td> <td><i>qSort</i></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td><i>hanoi, traces</i></td> </tr> <tr> <td>LTREE</td> <td><math>A + X^2</math></td> <td><i>tips</i></td> <td><i>mSort</i></td> <td><i>invLTREE</i></td> <td><i>dfac</i></td> <td><i>dsq</i></td> <td><i>fib</i></td> </tr> </tbody> </table><br>O DOCENTE _____ | Classe             | B(A,X)       | Serialização    | Ordenação    | Inversão   | Factorial            | Quadrado | Outros | RList | $1 + A \times X$ | <i>cRL list2 h</i> | <i>iSort</i> | <i>invl</i> | <i>f a c</i> | <i>sq</i> | <i>l o o k</i> | BTREE | $1 + A \times X^2$ | <i>inpr ep os</i> | <i>qSort</i> |  |  |  | <i>hanoi, traces</i> | LTREE | $A + X^2$ | <i>tips</i> | <i>mSort</i> | <i>invLTREE</i> | <i>dfac</i> | <i>dsq</i> | <i>fib</i> |
| Classe   | B(A,X)  | Serialização       | Ordenação    | Inversão        | Factorial    | Quadrado   | Outros               |          |        |       |                  |                    |              |             |              |           |                |       |                    |                   |              |  |  |  |                      |       |           |             |              |                 |             |            |            |
| RList  | $1 + A \times X$  | <i>cRL list2 h</i> | <i>iSort</i> | <i>invl</i>     | <i>f a c</i> | <i>sq</i>  | <i>l o o k</i>       |          |        |       |                  |                    |              |             |              |           |                |       |                    |                   |              |  |  |  |                      |       |           |             |              |                 |             |            |            |
| BTREE  | $1 + A \times X^2$  | <i>inpr ep os</i>  | <i>qSort</i> |                 |              |            | <i>hanoi, traces</i> |          |        |       |                  |                    |              |             |              |           |                |       |                    |                   |              |  |  |  |                      |       |           |             |              |                 |             |            |            |
| LTREE  | $A + X^2$   | <i>tips</i>        | <i>mSort</i> | <i>invLTREE</i> | <i>dfac</i>  | <i>dsq</i> | <i>fib</i>           |          |        |       |                  |                    |              |             |              |           |                |       |                    |                   |              |  |  |  |                      |       |           |             |              |                 |             |            |            |

| AULA  | SUMÁRIO  |
|---|--|
| Teórica<br>03.11.18<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <i>Noções de functor e bifunctor</i> : Parametrização e polimorfismo. Introdução ao conceito de <i>functor de tipo</i> ('type functor'). Noção de functor. Propriedades functoriais. Exemplos simples: functor identidade e functor constante. Funcionadores em HASKELL: a class Functor e o operador fmap. Síntese de fmap para o tipo LTREE como um catamorfismo.<br><br>O DOCENTE _____ |

| AULA   | SUMÁRIO   |
|--|---|
| Teórica<br>03.11.20<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | <i>Noções de functor e bifunctor (cont.)</i> : Noção de bi-functor. Propriedades. Bi-functor em HASKELL: a class BiFunctor e o operador bmap. Exemplos: bifunctor Produto e coproduto. Functores polinomiais. Propriedades naturais.<br><br>O DOCENTE _____ |

| AULA  | SUMÁRIO   |
|---|---|
| Teórica<br>03.11.25<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | Definição genérica de um tipo indutivo de dados. Noção de <i>functor de base</i> . Operadores <i>fmap</i> vs catamorfismos: Politipismo da definição $T\ a \cong B(a, T\ a)$ de um tipo indutivo genérico paramétrico. Noção de <i>functor de tipo</i> e sua formulação genérica como o catamorfismo $T\ f \stackrel{\text{def}}{=} (\text{in} \cdot B(f, id))$ . |

O DOCENTE \_\_\_\_\_

| AULA   | SUMÁRIO  |
|--|--|
| Teórica<br>03.11.27<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | Propriedade universal de um catamorfismo $(f)$ do tipo genérico $T\ a \cong B(a, T\ a)$<br>$k = (\alpha) \Leftrightarrow k \cdot \text{in} = \alpha \cdot F\ k \quad (1)$ e suas derivadas: cancelamento-cata e reflexão-cata. Derivação da lei genérica de fusão-cata:<br>$f \cdot (\alpha) = (\beta) \quad \text{if} \quad f \cdot \alpha = \beta \cdot F\ f \quad (2)$ Apresentação da lei genérica de absorção-cata. Cálculo de programas e objetivos. |

O DOCENTE \_\_\_\_\_

| AULA  | SUMÁRIO  |
|---|--|
| Teórica<br>03.12.02<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <i>Introdução à composição funcional monádica</i> : Motivação: funções parciais e sua composição. Multi-funções (funções que dão listas como resultado) e sua composição. Definição da composição $f \bullet g$ em ambos os casos. |

O DOCENTE \_\_\_\_\_

| AULA   | SUMÁRIO  |
|--|--|
| Teórica<br>03.12.04<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | <p><i>Composição funcional monádica</i> : Definição formal. Composição e sua unidade. Os operadores <math>\mu</math> e <math>u</math> e suas propriedades. Mónadas versus functores. Regra geral para a composição monádica:</p> $f \bullet g \stackrel{\text{def}}{=} \mu \cdot F f \cdot g \quad (3)$ <p>Exemplos: listas e Maybe. Mónadas em HASKELL—a class Monad e os operadores <code>return</code> e <code>(&gt;&gt;=)</code>:</p> $x >>= f \stackrel{\text{def}}{=} (\mu \cdot F f)x \quad (4)$ <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA  | SUMÁRIO  |
|---|--|
| Teórica<br>03.12.09<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <p><i>Mónadas em HASKELL— a class Monad (cont.)</i> : O operador <code>(&gt;&gt;)</code></p> $x >> y \stackrel{\text{def}}{=} x >>= y$ <p>e a notação <code>do</code>:</p> $\begin{aligned} \text{do } x_1; x_2; \dots; x_n &\stackrel{\text{def}}{=} x_1 >> \text{do } x_2; \dots; x_n \\ \text{do } a \leftarrow x_1; x_2; \dots; x_n &\stackrel{\text{def}}{=} x_1 >>= \lambda a. (\text{do } x_2; \dots; x_n) \end{aligned}$ <p>Exemplos: listas e Maybe.</p> $\begin{aligned} [1, 2, 3] >> [4, 5] &= [4, 5, 4, 5, 4, 5] \\ \text{Nothing} >> \text{Just } 1 &= \text{Nothing} \\ \text{Just } 2 >> \text{Just } 1 &= \text{Just } 1 \end{aligned}$ <p>Explicação da notação em compreensão, eg.</p> $[ a^2 \mid a \leftarrow [1, 2, 3] ]$ $\begin{aligned} &\text{do } a \leftarrow [1, 2, 3]; [a^2] \\ &= [1, 2, 3] >>= \lambda a. [a^2] \\ &= concat((\lambda a. [a^2])^*[1, 2, 3]) \\ &= concat[[1], [4], [9]] \\ &= [1, 4, 9] \end{aligned}$ <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA   | SUMÁRIO  |
|--|--|
| <p>Teórica<br/>03.12.11<br/>5.<sup>a</sup>-feira, 11h00–12h00<br/>Sala C2/A102 (LESI+LMCC)</p> | <p><i>Programação funcional monádica (cont.)</i> : Definição <math>fmap\ f\ x = do\ \{ a \leftarrow x ; return\ (f\ a) \}</math> e prova do facto</p> $do\ \{ a \leftarrow x ; return(f\ a) \} = (\mathbf{F}\ f)\ x \quad (5)$ <p>válido para toda a mónade <math>\mathbf{F}</math>:</p> $\begin{aligned} & do\ \{ a \leftarrow x ; return(f\ a) \} \\ &= \{ \text{definição de } do \} \\ & x \gg= \lambda a. return(f\ a) \\ &= \{ \text{passagem a “pointfree”} \} \\ & x \gg= (return \cdot f) \\ &= \{ \text{definição de } \gg= (4) \} \\ & (\mu \cdot \mathbf{F}(return \cdot f))x \\ &= \{ \text{functor } \mathbf{F} \} \\ & (\mu \cdot (\mathbf{F}\ return) \cdot (\mathbf{F}\ f))x \\ &= \{ \text{lei } \mu \cdot u = \mu \cdot \mathbf{F} u = id \} \\ & (id \cdot (\mathbf{F}\ f))x \\ &= \{ \text{identidade} \} \\ & (\mathbf{F}\ f)x \end{aligned}$ <p>Apresentação da mónada de IO e explicação de</p> <pre>instance Functor IO where   fmap f x = x &gt;&gt;= (return . f)</pre> <p>no contexto de</p> <pre>instance Monad IO where   (=&gt;) = primbindIO   return = primretIO</pre> <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA  | SUMÁRIO   |
|---|---|
| Teórica<br>03.12.16<br>3. <sup>a</sup> -feira, 16h00–17h00<br>Sala CP1-A3 (LESI+LMCC) | <p><i>Programação funcional monádica (conclusão) :</i> Generalização de (4) à promoção monádica de operações <math>n</math>-árias. Exemplos: listas, Maybe e IO. Apresentação da mónica de estado. Noção de autómato (determinístico). Funcionário exponencial. Funções monádicas envolvendo exponenciais. Manipulação de erros e mecanismos de exceção (“exception handling”). Função de transição de estado e sua codificação usando exponenciais. Exemplos: autómatos de gestão “multibanco” e “telemóvel”.</p> <p>O DOCENTE _____</p> |

| AULA   | SUMÁRIO   |
|--|---|
| Teórica<br>03.12.18<br>5. <sup>a</sup> -feira, 11h00–12h00<br>Sala C2/A102 (LESI+LMCC) | <p><i>Conclusão :</i> Preenchimento do questionário de avaliação. Síntese final. Revisão dos sumários. Articulação da disciplina com outras que se lhe seguem no plano de estudos. Encerramento da disciplina.</p> <p>O DOCENTE _____</p> |